

# 傳輸線理論與阻抗匹配

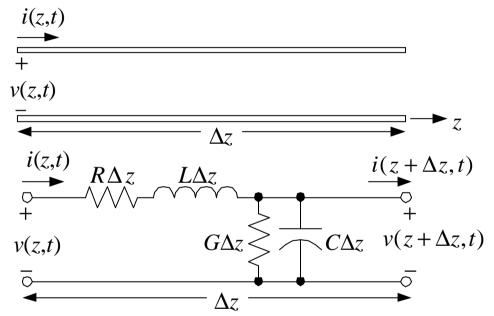


### 大綱

- □傳輸線理論
  - ➤無損耗傳輸線(Loss-less Transmission Line)
  - ➤ 低損耗傳輸線(Low-loss Transmission Line)
  - ▶ 有終端負載的傳輸線
- □傳輸的特徵參數
  - ➤ 同軸線(Coaxial Line)
  - ➤ 帶狀線(Strip Line)
  - ➤ 微帶線(Microstrip Line)
- □分佈式元件阻抗匹配
  - ➤ 單線腳調制阻抗匹配(Single-Stub Tuning Impedance Matching)



□ 一段無限短傳輸線之集總元件等效電路



其中R=單位長度之串聯電阻, $\Omega/m$ 。

L=單位長度之串聯電感 H/m。

G=單位長度之並聯電導,S/m。

C=單位長度之並聯電容,F/m。

Microwave & Communication Lab.



□ 由克希和夫電壓定律(Kirchhoff's Voltage Law, KVL)⇒  $V - L\Delta z \frac{dI}{dt} - IR\Delta z - (V + \Delta V) = 0$ 

$$\Rightarrow \Delta V = -j\mathbf{w}LI\Delta z - RI\Delta z \Rightarrow \frac{\Delta V}{\Delta z} = -(R + j\mathbf{w}L)I$$

□由克希和夫電流定律(Kirchhoff's Current Law, KCL)⇒

$$I - C\Delta z \frac{d(V + \Delta V)}{dt} - G\Delta z(V + \Delta V) - (I + \Delta I) = 0$$

$$\Rightarrow \Delta I = -jC\Delta z \mathbf{w}(V + \Delta V) - G(V + \Delta V)\Delta z$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta I}{\Delta z} = -(G + j\mathbf{w}C)(V + \Delta V)$$



$$\Box$$
 當  $\Delta V \rightarrow 0$  ,  $\Delta I \rightarrow 0$ 及  $\Delta z \rightarrow 0$  時

$$\begin{cases} \frac{dV(z)}{dz} = -(R + j\mathbf{w}L)I(z) & \mathbf{分別對}z$$
再微分
$$\frac{dI(z)}{dz} = -(G + j\mathbf{w}C)V(z) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{d^2V(z)}{dz^2} = -(R+j\mathbf{w}L)\frac{dI(z)}{dz} = (R+j\mathbf{w}L)(G+j\mathbf{w}C)V(z) \\ \frac{d^2I(z)}{dz^2} = -(G+j\mathbf{w}C)\frac{dV(z)}{dz} = (G+j\mathbf{w}C)(R+j\mathbf{w}L)I(z) \end{cases}$$



#### □加以化簡

$$\begin{cases} \frac{d^2V(z)}{dz^2} - \boldsymbol{g}^2V(z) = 0\\ \frac{d^2I(z)}{dz^2} - \boldsymbol{g}^2I(z) = 0 \end{cases}$$

其中 $g = \sqrt{(R+jwL)(G+jwC)} = a+jb$  為複數型態之傳播常數 , 為頻率的函數。

a:衰減常數(attenuation constant), napper/m。

b:相位常數(phase constant), rad/m。

**□**解方程式得: $V(z) = V_f e^{-gz} + V_r e^{gz}$ 

$$I(z) = I_f e^{-gz} - I_r e^{gz}$$

With the communication of the commun



#### □ Remark:

- $ightharpoonup e^{-gz}$  項表示波沿+z方向傳播;反之, $e^{gz}$  項為波沿著-z方向傳播。
- ► 相位速度(Phase Velocity)定義為 wt bz = 定值,即  $wt_1 bz_1 = wt_2 bz_2,$   $\Rightarrow v_{phase} = \frac{z_2 z_1}{t_2 t_1} = \frac{w}{b}$



$$\geq \frac{dV}{dz} = -(R + j\mathbf{w}L)I$$

$$\Rightarrow I = -\frac{1}{(R+j\mathbf{w}L)} \frac{dV}{dz} = -\frac{1}{(R+j\mathbf{w}L)} \left[ -\mathbf{g}V_f e^{-\mathbf{g}z} + \mathbf{g}V_r e^{\mathbf{g}z} \right]$$

$$= \frac{\sqrt{(R+j\mathbf{w}L)(G+j\mathbf{w}C)}}{(R+j\mathbf{w}L)} \left[ V_f e^{-\mathbf{g}z} - V_r e^{\mathbf{g}z} \right]$$

$$= \sqrt{\frac{G+j\mathbf{w}C}{R+j\mathbf{w}L}} \left[ V_f e^{-gx} - V_r e^{gx} \right] = I_f e^{-gx} - I_r e^{gx}$$

所以定義特徵阻抗(Characteristic Impedance)Z<sub>0</sub>為

$$Z_0 = \frac{V_f}{I_f} = \frac{V_r}{I_r} = \frac{R + jwL}{g} = \sqrt{\frac{R + jwL}{G + jwC}}$$

Microwave & Communication Lab.



## 無損耗傳輸線

- $\Box \diamondsuit R = G = 0 \Rightarrow$ 
  - ► R=0表示傳輸線為良導體(Perfect Conductor),無歐姆損耗;
  - ightarrow G=0表絕緣性非常好,兩導體間沒有漏電流存在。

$$\mathbf{g} = \mathbf{a} + j\mathbf{b} = j\mathbf{w}\sqrt{LC} \Rightarrow \begin{cases} \mathbf{a} = 0 \\ \mathbf{b} = \mathbf{w}\sqrt{LC} \end{cases}$$

特徵阻抗為
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}}$$

Microwave & Communication Lab.

波長(Wavelength)為
$$I_g = \frac{2p}{b} = \frac{2p}{w\sqrt{LC}}$$

相位速度(Phase Velocity)為
$$v_{phase} = \frac{\mathbf{w}}{\mathbf{b}} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

9



### 低損耗傳輸線

口假設R << wL 及 $G << wC \Rightarrow$ 表示導體損耗及介電損耗都很小,則

$$\mathbf{g} = \sqrt{(R + j\mathbf{w}L)(G + j\mathbf{w}C)} = \sqrt{(j\mathbf{w}L)(j\mathbf{w}C)(1 + \frac{R}{j\mathbf{w}L})(1 + \frac{G}{j\mathbf{w}C})}$$

$$= j\mathbf{w}\sqrt{LC}\sqrt{1-j\left(\frac{R}{\mathbf{w}L} + \frac{G}{\mathbf{w}C}\right) - \frac{RG}{\mathbf{w}^2LC}}$$

:: R << wL及 $G << wC :: RG << w^2LC$ 

$$\Rightarrow \mathbf{g} = j\mathbf{w}\sqrt{LC}\sqrt{1-j\left(\frac{R}{\mathbf{w}L} + \frac{G}{\mathbf{w}C}\right)}$$

利用泰勒展開式 $\sqrt{1-X} \approx 1-\frac{X}{2}-.....$ 



### 低損耗傳輸線

$$\mathbf{g} \approx j\mathbf{w}\sqrt{LC}\left[1 - \frac{j}{2}\left(\frac{R}{\mathbf{w}L} + \frac{G}{\mathbf{w}C}\right)\right] = \mathbf{a} + j\mathbf{b}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \mathbf{a} \approx \frac{1}{2} \left( R \sqrt{\frac{C}{L}} + G \sqrt{\frac{L}{C}} \right) = \frac{1}{2} \left( \frac{R}{Z_0} + G Z_0 \right) \\ \mathbf{b} \approx \mathbf{w} \sqrt{LC} \end{cases}$$

其中
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}}$$
 是無損耗傳輸線之特徵阻抗。

ightharpoonup 利用相同的近似方法,特徵阻抗 $Z_0$ 為

$$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\mathbf{w}L}{G + j\mathbf{w}C}} \approx \sqrt{\frac{L}{C}}$$



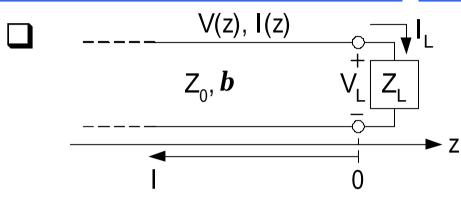
- □ Remark: :
  - $\triangleright$  真空中,電感 $L \approx \mathbf{m}_0$ ,電容 $C \approx \mathbf{e}_0$ ,所以真空中的相位速  $v_{phase} = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{m_0 e_0}} = c = 3 \times 10^8 \, \text{m/s}$
  - $\triangleright$  在一般傳輸線傳播  $\mathbf{m} \approx \mathbf{m}_0$  , 基板材質介電常數為  $\mathbf{e}_r$  , 則  $v_{phase} = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{\mathbf{m}_0 \mathbf{e}_0 \mathbf{e}_r}} = \frac{c}{\sqrt{\mathbf{e}_r}}$ 相位速度為 式中 $c=3\times10^8 m/s_0$

特徵阻抗 
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}} = \sqrt{\frac{\mathbf{m}_0}{\mathbf{e}_0 \mathbf{e}_r}} = \frac{377}{\sqrt{\mathbf{e}_r}}$$

波長為
$$I_g = \frac{v_{phase}}{f} = \frac{(c/\sqrt{e_r})}{f} = \frac{I_0}{\sqrt{e_r}}$$
 , 式中 $I_0 = \frac{c}{f}$ 在真空中 Z波長。

Microwave & Communication Lab.





$$V(z) = V_f e^{-gz} + V_r e^{gz}$$

$$I(z) = I_f e^{-gz} - I_r e^{gz} = \frac{V_f}{Z_0} e^{-gz} - \frac{V_r}{Z_0} e^{gz}$$

$$Z_{L} = \frac{V(0)}{I(0)} = \frac{V_{f} + V_{r}}{I_{f} - I_{r}} = \frac{V_{f} + V_{r}}{V_{f} - V_{r}} Z_{0} \Rightarrow V_{r} = \frac{Z_{L} - Z_{0}}{Z_{L} + Z_{0}} V_{f}$$





定義電壓反射係數(Voltage Reflection Coefficient)Γ為

$$\Gamma(0) = \frac{V_r}{V_f} = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} = \frac{\widetilde{z}_L - 1}{\widetilde{z}_L + 1}$$
  
式中 $\widetilde{z}_L = \frac{Z_L}{Z_0} =$ 標準化負載。

 $\triangleright$  當z = -l時,反射係數為

$$\Gamma(z = -l) = \frac{V_r e^{-gl}}{V_f e^{gl}} = \frac{V_r}{V_f} e^{-2gl} = \Gamma(0) e^{-2gl}$$

式中 $\Gamma(0)$ 為z=0處之反射係數。



➤ 駐波比(Standing Wave Ratio, SWR), 定義為

$$SWR = S = \frac{V_{\text{max}}}{V_{\text{min}}} = \frac{\left|V_f\right| + \left|V_r\right|}{\left|V_f\right| - \left|V_r\right|} = \frac{1 + \left|\Gamma\right|}{1 - \left|\Gamma\right|}$$

駐波比亦為電壓比,所以也稱為電壓駐波比(Voltage Standing Wave Ratio, VSWR)。

#### 🖵 Remark:

$$ho$$
  $|\Gamma| = 0 \Rightarrow S = 1$  , 沒有反射  $\Rightarrow Z_L = Z_0$   $|\Gamma| = 1 \Rightarrow S = \infty$  , 全反射





□ Remark:(續)

$$|V(z)| = |V_f| |1 + \Gamma e^{2gz}| = |V_f| |1 + \Gamma e^{-2gl}| = |V_f| |1 + |\Gamma| e^{jq} e^{-2gl}|$$
 式中 $q$  =電壓反射係數的相位。假設傳輸線為無損耗,則  $|V(z)| = |V_f| |1 + |\Gamma| e^{j(q-2bl)}|$ 

❖當相位 
$$e^{j(q-2bl)}=1$$
時,電壓為最大值  $V_{\max}=\left|V_{f}\right|(1+\left|\Gamma\right|)$ 

❖當相位 
$$e^{j(q-2bl)}=-1$$
時,電壓為最小值 $V_{\min}=\left|V_{f}\right|(1-\left|\Gamma\right|)$ 

❖若為無損耗之傳輸線,在z=-l 處往負載端看之輸入阻抗

$$Z_{in} = \frac{V(-l)}{I(-l)} = \frac{V_f \left[ e^{jbl} + \Gamma e^{-jbl} \right]}{V_f \left[ e^{jbl} - \Gamma e^{-jbl} \right]} Z_0 = \frac{1 + \Gamma e^{-2jbl}}{1 - \Gamma e^{-2jbl}} Z_0$$

將反射係數Γ代入

$$Z_{in} = Z_0 \frac{Z_L \cos \boldsymbol{b}l + jZ_0 \sin \boldsymbol{b}l}{Z_0 \cos \boldsymbol{b}l + jZ_L \sin \boldsymbol{b}l} = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \boldsymbol{b}l}{Z_0 + jZ_L \tan \boldsymbol{b}l}$$
**Microwave & Communication Lab.**



- □ Remark:(續)
  - ightharpoonup 若傳輸線負載端為短路(Short-Circuit),即  $Z_L=0$ ,則輸入阻抗為  $Z_{in}=jZ_0$  tan  $\boldsymbol{b}l$  假設為一非常短之傳輸線,則

$$Z_{in} = jZ_0 \tan \mathbf{b}l \approx jZ_0 \mathbf{b}l = j\sqrt{\frac{L}{C}} (\mathbf{w}\sqrt{LC})l = j\mathbf{w}(Ll) = j\mathbf{w}\tilde{L}$$

ightharpoonup 若傳輸線負載端為開路(Open-circuit),即 $Z_L=\infty$ ,則輸入阻抗為 $Z_{in}=-jZ_0\cot {m b}l$ 

假設為一非常短之傳輸線,則

$$Z_{in} = -jZ_0 \cot \boldsymbol{b}l \approx \frac{1}{jY_0 \tan \boldsymbol{b}l} = \frac{1}{jY_0 \boldsymbol{b}l} = \frac{1}{j\boldsymbol{w}(Cl)} = \frac{1}{j\boldsymbol{w}C}$$



#### □例題1

傳輸線之特徵阻抗 $Z_0=75\Omega$ ,負載端阻抗為 $Z_L=68-j12\Omega$ 。試求(1)負載端反射係數 $\Gamma_L$ ,(2)駐波比SWR,(3)在 $Z=l_1$ 為第一點發生最小電壓處,試求在 $Z=l_1$ 的輸入阻抗 $Z_{in}(l_1)$ ,(4)在 $Z=l_2$ 為第一點發生最大電壓處,試求在 $Z=l_2$ 的輸入阻抗 $Z_{in}(l_2)$ 。

#### [解]

(1) 
$$\Gamma_L = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} = \frac{68 - j12 - 75}{68 - j12 + 75} = 0.097 \angle -115.5^{\circ}$$

(2) 
$$SWR = \frac{1 + |\Gamma_L|}{1 - |\Gamma_L|} = \frac{1 + 0.097}{1 - 0.097} = 1.215$$



### [解](續)

(3) 
$$\Gamma_{in}(l_1) = \Gamma_L e^{-2jbl_1} = (0.097 \angle -115.5^{\circ})(1 \angle -2bl_1) \because \angle \Gamma_{min} = \pm 180^{\circ}$$
  
 $\Rightarrow -115.5^{\circ} - 2bl_1 = -180^{\circ} \Rightarrow 2 \cdot \frac{2p}{l_g} \cdot l_1 = 180^{\circ} - 115.5^{\circ}$   
 $\Rightarrow l_1 = \frac{1}{2} \frac{64.5^{\circ}}{360^{\circ}} \cdot l_g = 0.09 l_g \therefore Z_{in}(l_1) = \frac{1}{1.215} \cdot 75 = 61.7\Omega$ 

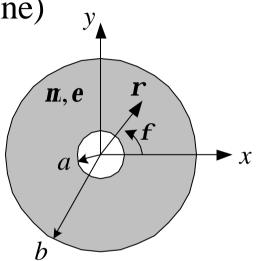
(4) 
$$:: \angle \Gamma_{\text{max}} = \pm 2n\boldsymbol{p}$$

$$\Rightarrow -115.5^{\circ} - 2\mathbf{b}l_{2} = -360^{\circ} \Rightarrow 2 \cdot \frac{2\mathbf{p}}{\mathbf{l}_{g}} \cdot l_{2} = 360^{\circ} - 115.5^{\circ}$$

$$\Rightarrow l_2 = 0.34 I_g :: Z_{in}(l_2) = 1.215 \cdot 75 = 91.1\Omega$$



□同軸線(Coaxial Line)



同軸線內外徑分別為a、b,則內外兩導體之間的電容為

$$C = \frac{2\boldsymbol{p}\boldsymbol{e}_0 \boldsymbol{e}_r}{\ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$



### □同軸線(續)

特徵阻抗為
$$Z_0 = \left(\frac{L}{C}\right)^{\frac{1}{2}}$$

式中
$$L = \frac{1}{C_0 c^2}$$
,  $c = 3 \times 10^8 m/s_o$ 

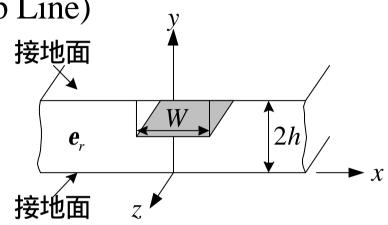
$$C_d = \boldsymbol{e}_r C_0$$

### 則特徵阻抗為

$$Z_0 = \left[\frac{\left(1/C_0 c^2\right)}{C_0 \boldsymbol{e}_r}\right]^{\frac{1}{2}} = \frac{59.96}{\sqrt{\boldsymbol{e}_r}} \ln\left(\frac{b}{a}\right)$$







$$ightharpoonup$$
若  $\frac{W}{2h}$  很大時  $\left(\frac{W}{2h} \ge 0.6\right)$  ,則

$$C_d = 4\boldsymbol{e}_r \boldsymbol{e}_0 \left[ \frac{W}{2h} + \frac{2}{\boldsymbol{p}} \ln 2 \right]$$

$$L = \frac{1}{C_0 c^2} = \frac{\boldsymbol{e}_r}{c^2 C_d}$$

Microwave & Communication Lab.



□帶狀線(續)

特徵阻抗為 
$$Z_0 = \left(\frac{L}{C_d}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{94.18}{\sqrt{e_r}} \left[\frac{W}{2h} + 0.44\right]^{-1}$$

$$ightharpoonup$$
若 $\frac{W}{2h}$ 很小時 $\left(\frac{W}{2h} \le 0.6\right)$ ,則

$$C_d = 2\boldsymbol{p}\boldsymbol{e}_r \boldsymbol{e}_0 \left[ \ln \left( \frac{8}{\boldsymbol{p}} \cdot \frac{2h}{W} \right) + \frac{\boldsymbol{p}^2}{48} \left( \frac{W}{2h} \right)^2 \right]^{-1}$$

特徵阻抗為
$$Z_0 = \frac{59.96}{\sqrt{\boldsymbol{e}_r}} \left[ \ln \left( \frac{8}{\boldsymbol{p}} \cdot \frac{2h}{W} \right) + 0.185 \left( \frac{W}{2h} \right)^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$



### □帶狀線(續)

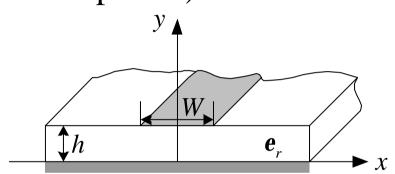
 $\triangleright$  若已知特徵阻抗 $Z_0$ ,則可求得導線的寬度

$$\frac{W}{2h} = \begin{cases} x & ,\sqrt{\mathbf{e}_r} Z_0 < 120\\ 0.85 - \sqrt{0.6 - x} & ,\sqrt{\mathbf{e}_r} Z_0 > 120 \end{cases}$$

其中
$$x = \frac{94.18}{\sqrt{e_r}Z_0} - 0.44$$



□ 微帶線(Microstrip Line)



### $\triangleright$ 若相對介電係數 $e_r > 16$ 時 , 特徵阻抗為

$$Z_{0} = \begin{cases} \frac{119.9}{\sqrt{2\sqrt{\boldsymbol{e}_{r}+1}}} \left[ H' - \frac{\boldsymbol{e}_{r}-1}{2(\boldsymbol{e}_{r}+1)} \left( 0.4516 + \frac{0.2416}{\boldsymbol{e}_{r}} \right) \right], \frac{W}{h} \leq 2 \\ \frac{376.7}{\sqrt{\boldsymbol{e}_{r}}} \left\{ \frac{W}{h} + 0.8825 + 0.1645 \left( \frac{\boldsymbol{e}_{r}-1}{\boldsymbol{e}_{r}} \right) + \frac{\boldsymbol{e}_{r}+1}{\boldsymbol{p}\boldsymbol{e}_{r}} \left[ 1.4516 + \ln \left( \frac{W}{h} + 0.94 \right) \right] \right\}, \frac{W}{h} \geq 1 \end{cases}$$



口微帶線(續)  
其中
$$H' = \ln \left\{ \frac{4h}{W} + \left[ \left( \frac{4h}{W} \right)^2 + 2 \right]^{\frac{1}{2}} \right\}$$

 $\rightarrow$  若已知特徵阻抗 $Z_0$ 及相對介電常數  $e_r(e_r < 16)$ , 可求得  $\frac{W}{I}$ 之比值:

之比值:
$$\frac{W}{h} = \begin{cases}
\frac{8e^{A}}{e^{2A} - 2}, & \frac{W}{h} \le 2 \\
\frac{2}{p} \left\{ B - 1 - \ln(2B - 1) + \frac{\mathbf{e}_{r} - 1}{\mathbf{e}_{r}} \left[ \ln(B - 1) + 0.39 - \frac{0.61}{\mathbf{e}_{r}} \right] \right\}, & \frac{W}{h} \ge 2
\end{cases}$$

The 
$$A = \frac{Z_0}{60} \sqrt{\frac{\boldsymbol{e}_r + 1}{2}} + \frac{\boldsymbol{e}_r - 1}{\boldsymbol{e}_r + 1} \left(0.23 + \frac{0.11}{\boldsymbol{e}_r}\right), \quad B = \frac{377\boldsymbol{p}}{2Z_0\sqrt{\boldsymbol{e}_r}}$$

The rowave & Communication Lab.



### □微帶線(續)

$$ightharpoonup$$
相位速度為 $v_{phase} = \frac{c}{\sqrt{e_e}}$  , 其中 $c=3\times10^8 m/s_o$ 

$$ightharpoonup$$
 波在微帶線傳播的波長為  $I_g = \frac{I_0}{\sqrt{e_e}}$ 

式中
$$I_0 = \frac{c}{f_0}$$
 =真空中的波長。



#### □例題2

一微帶線之特徵阻抗 $Z_0=50\Omega$ ,基板介電常數 $e_r=4.3$ ,厚度為h=0.8mm,並且中心頻率 $f_0$ 為1.8GHz。 試求微帶線之有效介電常數 $e_e$ ,傳播波長 $I_g$ 以及相位速度 $v_{phase}$ 。

[解]假設 
$$\frac{W}{h} \le 2 \Rightarrow$$

$$A = \frac{50}{60} \sqrt{\frac{4.3+1}{2} + \frac{4.3+1}{4.3-1}} \left(0.23 + \frac{0.11}{4.3}\right) = 1.516$$

$$\frac{W}{h} = \frac{8e^{1.516}}{e^{2\times1.516}-2} = 1.944 < 2$$
 ⇒假設正確!!

$$\therefore W = 1.944h = 1.944 \times 0.8 = 1.5552mm$$



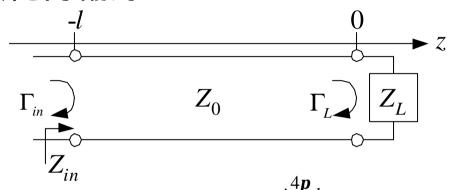
$$\mathbf{e}_{e} = \frac{4.3 + 1}{2} + \frac{4.3 - 1}{2} \left( 1 + \frac{12}{1.944} \right)^{\frac{1}{2}} = 3.266$$

$$\mathbf{I}_{0} = \frac{c}{f_{0}} = \frac{3 \times 10^{8}}{1.8 \times 10^{9}} = 16.667cm \Rightarrow \mathbf{I}_{g} = \frac{\mathbf{I}_{0}}{\sqrt{\mathbf{e}_{e}}} = 9.223cm$$

$$v_{phase} = \frac{c}{\sqrt{\boldsymbol{e}_e}} = 1.66 \times 10^8 \, m \, / \, s$$



### □考慮無損耗傳輸線



$$\Gamma_{in} = \Gamma_L e^{-2gl} = \Gamma_L e^{-j2bl} = \Gamma_L e^{-j\frac{4p}{l_g}l}$$

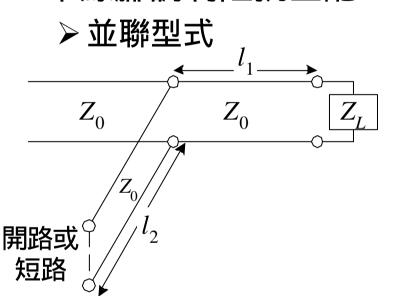
》對任意負載 $Z_L$ 連接一段長度l、特徵阻抗為 $Z_0$ 的傳輸線,即在史密斯圖上係將  $\tilde{z}_L = \frac{Z_L}{Z_0}$ 沿恆定VSWR圆,以順時針方向(Toward Generator)移動,移動的角度為

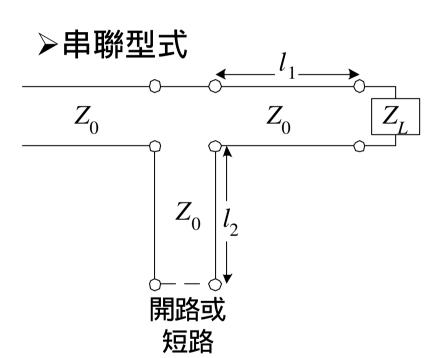
$$\mathbf{q} = 2\mathbf{b}l = 2 \cdot \frac{2\mathbf{p}}{l} \cdot l$$

Microwave & Communication Lab



### □單線腳調制阻抗匹配





》先利用一段傳輸線將 $\tilde{z}_L$ 移至 $\tilde{z}_S^*$ 所在之恆定電阻(導納) 圓,再利用一串聯(並聯)短路或開路之傳輸線,將阻抗 移至 $\tilde{z}_s^*$ 

Microwave & Communication Lab.



### □例題3

試以單一並聯線腳調制連接 $Z_L=100$ - $j25\Omega$ ,與 $Z_S=25$ - $j15\Omega$ 。

[解] 1.選擇傳輸線特徵阻抗 $Z_0=50\Omega$ ,則

$$\widetilde{z}_L = 2 - j0.5$$

$$\widetilde{z}_S = 0.5 - j0.3 \Rightarrow \widetilde{z}_S^* = 0.5 + j0.3$$

將 $\tilde{z}_L$ 及 $\tilde{z}_s^*$ 標示在史密斯圖上。

2.由  $\tilde{z}_L$  沿著恆定VSWR 圓以順時針方向移動到與 $\tilde{z}_s^*$  所在的恆定電導圓之交點a,則可直接由史密斯圖讀到移動之傳輸線長度 $l_1$ 

$$l_1 = 0.442 \boldsymbol{l}_g - 0.274 \boldsymbol{l}_g = 0.168 \boldsymbol{l}_g$$

Migrowave & Communication Lab.



### [解] (續)

- 3.  $\Delta b = b_s^* b_a = -0.9 0.85 = -1.75$ 
  - ightharpoonup 若並聯線腳為開路電路,則由史密斯圖的最右端 $(R=\infty)$  沿著順時針方向移動到 $\Delta b$ 所在的位置,則移動之傳輸線長度即為

$$l_{2,0} = 0.25 \boldsymbol{l}_g + 0.083 \boldsymbol{l}_g = 0.333 \boldsymbol{l}_g$$

ightharpoonup 若並聯線腳為短路電路,則由史密斯圖的最左端(R=0) 沿著順時針方向移動到 $\Delta b$ 所在的位置,則移動之傳輸線長度即為

$$l_{2,S} = 0.083 \boldsymbol{l}_g$$





#### □例題4

試以單一串聯線腳調制連接 $Z_L=100$ - $j25\Omega$ ,與 $Z_S=25$ - $j15\Omega$ 。

[解] 1.選擇傳輸線特徵阻抗 $Z_0=50\Omega$ ,則

$$\widetilde{z}_L = 2 - j0.5$$

$$\widetilde{z}_S = 0.5 - j0.3 \Rightarrow \widetilde{z}_S^* = 0.5 + j0.3$$

將 $\tilde{z}_L$ 及 $\tilde{z}_s^*$ 標示在史密斯圖上。

2.由  $\tilde{z}_L$  沿著恆定VSWR 圓以順時針方向移動到與 $\tilde{z}_s^*$  所在的恆定電導圓之交點b,則可直接由史密斯圖讀到移動之傳輸線長度 $l_1$ 

$$l_1 = 0.452 \boldsymbol{l}_g - 0.274 \boldsymbol{l}_g = 0.178 \boldsymbol{l}_g$$



### [解] (續)

- 3.  $\Delta x = x_S^* x_D = 0.3 (-0.24) = 0.54$ 
  - ightharpoonup 若並聯線腳為開路電路,則由史密斯圖的最右端( $R=\infty$ ) 沿著順時針方向移動到 $\Delta x$ 所在的位置,則移動之傳輸線長度即為

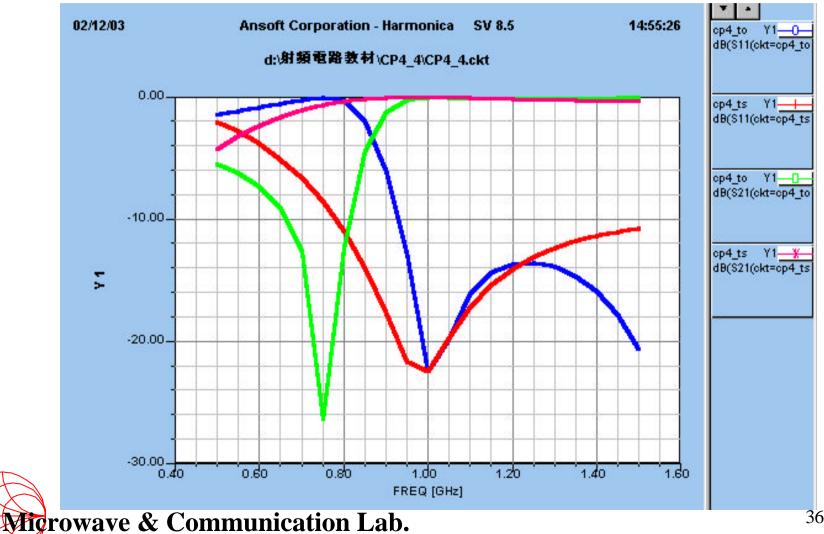
$$l_{2,0} = 0.25 \boldsymbol{l}_g + 0.079 \boldsymbol{l}_g = 0.329 \boldsymbol{l}_g$$

ightharpoonup 若並聯線腳為短路電路,則由史密斯圖的最左端(R=0) 沿著順時針方向移動到 $\Delta x$ 所在的位置,則移動之傳輸線長度即為

$$l_{2,S} = 0.079 \boldsymbol{l}_{g}$$







#### 射频和天线设计培训课程推荐

易迪拓培训(www.edatop.com)由数名来自于研发第一线的资深工程师发起成立,致力并专注于微波、射频、天线设计研发人才的培养;我们于2006年整合合并微波EDA网(www.mweda.com),现已发展成为国内最大的微波射频和天线设计人才培养基地,成功推出多套微波射频以及天线设计经典培训课程和ADS、HFSS等专业软件使用培训课程,广受客户好评;并先后与人民邮电出版社、电子工业出版社合作出版了多本专业图书,帮助数万名工程师提升了专业技术能力。客户遍布中兴通讯、研通高频、埃威航电、国人通信等多家国内知名公司,以及台湾工业技术研究院、永业科技、全一电子等多家台湾地区企业。

易迪拓培训课程列表: http://www.edatop.com/peixun/rfe/129.html



#### 射频工程师养成培训课程套装

该套装精选了射频专业基础培训课程、射频仿真设计培训课程和射频电路测量培训课程三个类别共 30 门视频培训课程和 3 本图书教材;旨在引领学员全面学习一个射频工程师需要熟悉、理解和掌握的专业知识和研发设计能力。通过套装的学习,能够让学员完全达到和胜任一个合格的射频工程师的要求…

课程网址: http://www.edatop.com/peixun/rfe/110.html

#### ADS 学习培训课程套装

该套装是迄今国内最全面、最权威的 ADS 培训教程, 共包含 10 门 ADS 学习培训课程。课程是由具有多年 ADS 使用经验的微波射频与通信系统设计领域资深专家讲解,并多结合设计实例,由浅入深、详细而又全面地讲解了 ADS 在微波射频电路设计、通信系统设计和电磁仿真设计方面的内容。能让您在最短的时间内学会使用 ADS, 迅速提升个人技术能力,把 ADS 真正应用到实际研发工作中去,成为 ADS 设计专家...



课程网址: http://www.edatop.com/peixun/ads/13.html



#### HFSS 学习培训课程套装

该套课程套装包含了本站全部 HFSS 培训课程,是迄今国内最全面、最专业的 HFSS 培训教程套装,可以帮助您从零开始,全面深入学习 HFSS 的各项功能和在多个方面的工程应用。购买套装,更可超值赠送 3 个月免费学习答疑,随时解答您学习过程中遇到的棘手问题,让您的 HFSS 学习更加轻松顺畅···

课程网址: http://www.edatop.com/peixun/hfss/11.html

#### CST 学习培训课程套装

该培训套装由易迪拓培训联合微波 EDA 网共同推出,是最全面、系统、 专业的 CST 微波工作室培训课程套装, 所有课程都由经验丰富的专家授 课,视频教学,可以帮助您从零开始,全面系统地学习 CST 微波工作的 各项功能及其在微波射频、天线设计等领域的设计应用。且购买该套装, 还可超值赠送3个月免费学习答疑…







#### HFSS 天线设计培训课程套装

套装包含6门视频课程和1本图书,课程从基础讲起,内容由浅入深, 理论介绍和实际操作讲解相结合,全面系统的讲解了 HFSS 天线设计的 全过程。是国内最全面、最专业的 HFSS 天线设计课程,可以帮助您快 速学习掌握如何使用 HFSS 设计天线, 让天线设计不再难…

课程网址: http://www.edatop.com/peixun/hfss/122.html

#### 13.56MHz NFC/RFID 线圈天线设计培训课程套装

套装包含 4 门视频培训课程,培训将 13.56MHz 线圈天线设计原理和仿 真设计实践相结合,全面系统地讲解了13.56MHz线圈天线的工作原理、 设计方法、设计考量以及使用 HFSS 和 CST 仿真分析线圈天线的具体 操作,同时还介绍了 13.56MHz 线圈天线匹配电路的设计和调试。通过 该套课程的学习,可以帮助您快速学习掌握 13.56MHz 线圈天线及其匹 配电路的原理、设计和调试…



详情浏览: http://www.edatop.com/peixun/antenna/116.html

#### 我们的课程优势:

- ※ 成立于 2004年, 10 多年丰富的行业经验,
- ※ 一直致力并专注于微波射频和天线设计工程师的培养,更了解该行业对人才的要求
- ※ 经验丰富的一线资深工程师讲授,结合实际工程案例,直观、实用、易学

#### 联系我们:

- ※ 易迪拓培训官网: http://www.edatop.com
- ※ 微波 EDA 网: http://www.mweda.com
- ※ 官方淘宝店: http://shop36920890.taobao.com

易迪拓信训 官方网址: http://www.edatop.com